

АННОТАЦИЯ

рабочей программы учебной дисциплины
Б1.О.07 Линейная алгебра
 Направление подготовки бакалавриата **38.03.01 Экономика**
Профиль «Финансы и кредит»

1.	Цель изучения дисциплины Цели освоения дисциплины «Линейная алгебра»: получение базовых знаний по линейной алгебре, обучение студентов общематематической культуре (уметь логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения алгебраических задач и задач, связанных с приложениями алгебраических методов).		
2.	Место дисциплины в структуре ОПОП ВО бакалавриата Дисциплина «Линейная алгебра» относится к базовой части Б1.О. Изучение данной дисциплины базируется на знании общеобразовательной программы по следующим предметам: «Алгебра», «Геометрия». Освоение данной дисциплины является основой для последующего изучения дисциплин базовой части «Теория вероятности и математическая статистика», «Финансовая эконометрика», а также для последующего прохождения практики, подготовки к государственной итоговой аттестации.		
3.	Результаты освоения дисциплины (модуля) Б1.О.07 Линейная алгебра		
	Код и наименование компетенции	Индикаторы	Дескрипторы
	Универсальные компетенции (УК)		
	УК-2 Способно определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений	УК-2.1. Определяет круг задач в рамках поставленной цели, определяет связи между ними; УК-2.2. Предлагает способы решения поставленных задач и ожидаемые результаты; оценивает предложенные способы с точки зрения соответствия цели проекта; УК-2.3. Планирует реализацию задач в зоне своей ответственности с учетом имеющихся ресурсов и ограничений, действующих правовых норм УК-2.4. Выполняет задачи в зоне своей ответственности в соответствии с запланированными результатами и точками контроля, при необходимости корректирует способы решения задач; УК-2.5. Представляет результаты проекта, предлагает возможности их использования и/или совершенствования.	Знает: основные принципы и концепции в области целеполагания и принятия решений, природу данных, необходимых для решения поставленных задач Умеет: системно анализировать поставленные цели, формулировать задачи и предлагать обоснованные решения. Владеет: инструментальными средствами для решения профессиональных задач
	ОПК-1 Способен применять знания (на промежуточном уровне) экономической теории при решении прикладных задач	ОПК-1.1. Анализирует причины и последствия происходящих экономических процессов и событий;	Знает: основы микроэкономики: теорию поведения потребителя (выбора потребителя); теорию поведения производителя (выбора производителя); теорию поведения фирмы в условиях совершенной и несовершенной конкуренции (монополии, монополистической

	ОПК-1.2. Анализирует и интерпретирует показатели экономической деятельности;	конкуренции и олигополии) на товарных рынках и рынках ресурсов (факторов производства); модели стратегического поведения фирм в условиях олигополии; концепцию экономического равновесия; причины несостоятельности рынка (монопольная власть, внешние эффекты, общественные блага, асимметрия информации); теоретические аспекты налогообложения. Уметь: содержательно интерпретировать формальные выводы теоретических моделей микроуровня Владеть: основными методами экономических наук для принятия экономических решений
	ОПК-1.3. Использует полученную информацию для принятия управленческих решений	
	ОПК-1.4. Владеет приемами выявления и оценки проблем экономического характера при анализе конкретных экономических ситуаций и предлагает способы их решения	

4. Структура и содержание дисциплины

4.1. Структура дисциплины

Вид учебной работы	Всего	Порядковый номер семестра			
		1	2	3	4
Общая трудоемкость дисц плины всего (в з.е.), в том числе:	4 з.е.		4 з.е.		
Курсовой проект (работа)	Не предусмотрено				
Аудиторные занятия всего (в акад. часах), в том числе:	68		68		
Лекции	34		34		
Практические занятия, семинары	34		34		
Самостоятельная работа всего	49		49		
Экзамен	27		27		
Общая трудоемкость дисциплины	144		144		

4.2. Содержание дисциплины

Тема 1.Предварительныепонятия. Предметлинейной алгебрыи матричногоанализа

Действительные (вещественные) и комплексные числа.Извлечение корней n-й степени из комплексного числа. Основная теоремаалгебры. Предмет линейной алгебры и его приложения кэкономическим задачам. Арифметические векторы. Операции надвекторами. Алгебраические свойства векторов. Геометрическаяинтерпретация векторов. Линейная независимость. Скалярноепроизведение двух векторов. Определение матрицы. Типы матриц.Матрицы специального вида. След матрицы. Транспонированиематрицы. Экономические примеры: векторное представление экономических данных и операции с ними. Оценка инфляции:вычисления индекса Ласпейреса ииндекса Пааше.

Тема2. Матричная алгебра

Рангматрицы.Неравенстваорангахматриц.Сумма и произведение матриц. Единичная матрица. Произведение Кронекераматриц.Квадратные матрицы. Степень матрицы. Многочлен от матриц. Элементарные матричные преобразования.Приведение матрицы к ступенчатому виду. Каноническая форма матрицы. Экономические примеры: модель Тинбергена макроэкономической политики, технологическая матрица, модель Леонтьева.

Тема 3.Определитель матрицы

Перестановка, подстановка. Четность и нечетность перестановки. Определение определителя. Определитель и элементарные операции. Разложение Лапласа по строкам или столбцам. Основные свойства определителя. Примеры вычисления определителя специального вида. Определитель блочной и блочно-треугольной матриц. Подматрица. Главная подматрица. Минор, главный минор, ведущийглавный (угловой)минор .Минорэлемента,алгебраическое дополнение элемента матрицы.Решение квадратной системы линейных уравнений методом Крамера. Экономические примеры: нахождение валового выпуска X_i товараi-ой отрасли методом Крамера в модели Леонтьева.

Тема 4.Невырожденные матрицы. Обратная матрица

Определение невырожденной матрицы. Обратная матрица. Присоединенная матрица. Эквивалентные условия невырожденности (обратимости) матрицы. Определитель и обратная матрица. Связь между максимальным порядком ненулевого минора и рангом матрицы. Решение квадратной системы линейных уравнений с помощью обратной матрицы. Матричные уравнения. Экономические примеры.

	<p>Тема 5. Решение системы линейных уравнений. Метод Гаусса и Гаусса-Жордана Система линейных неоднородных уравнений общего вида. Совместность и несовместность системы, структура множества решений. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса и Гаусса-Жордана. Решение матричных уравнений и нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. Система однородных уравнений. Условие единственности решения однородной системы. Фундаментальная система решений однородной системы. Общее решение неоднородной системы. Экономические примеры: обмен m товарами между n агентами, при ценах товаров, обеспечивающих нулевые прибыли; расчет выпуска товара по спросу конечной и внутренней потребностей.</p> <p>Тема 6. Разложение матрицы по матрицам полного ранга. Нормальное псевдорешение. Решение и псевдорешение системы (в том числе несовместной) линейных уравнений с произвольной матрицей коэффициентов. Псевдообратная матрица по Мура Пенроузу. О единственности нормального псевдорешения. Методы нахождения нормального псевдорешения. Разложение матрицы по матрицам полного ранга (скелетное разложение) Метод наименьших квадратов. Экономические примеры: метод наименьших квадратов в задачах эконометрики.</p> <p>Тема 7. Линейные пространства и линейные операторы Определение линейного пространства. Примеры линейных пространств. Линейная независимость векторов пространства. Базис. Теорема о базисе. Размерность линейного пространства. Изменение базиса. Матрица перехода. Преобразование координат при изменении базиса. Линейная оболочка. Разложения пространства в прямую сумму. Линейные операторы: определение. Матрица линейного оператора. Преобразование матрицы линейного оператора при переходе к новому базису.</p> <p>Тема 8. Евклидово пространство Определение. Свойства скалярного произведения. Неравенство Коши-Буняковского. Ортогонализация Грама-Шмидта. Расстояние от вектора до подпространства. Матрица Грама. Матрица скалярного произведения.</p> <p>Тема 9. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора (матрицы) Определение собственного значения и собственного вектора. Характеристический многочлен матрицы. Спектр линейного оператора (матрицы). Теорема Гамильтона-Кэли. О диагонализуемости матрицы линейного преобразования.</p> <p>Тема 10. Симметричные ортогональные матрицы и их спектры. Билинейные и квадратичные формы Матрица самосопряженного линейного преобразования в пространстве с ортогональным базисом. Ортогональные преобразования и матрицы. Билинейные и квадратичные формы. Матрица билинейной формы. Преобразование матрицы билинейной формы при замене базиса. Квадратичная форма. Виды квадратичных форм: положительно определенная; отрицательно определенная; неотрицательно определенная; неположительно определенная квадратичные формы. Критерий Сильвестра положительной определенности квадратичной формы.</p> <p>Тема 11. Неотрицательные матрицы Неотрицательные матрицы. Неразложимость матрицы. Условие неразложимости неотрицательной матрицы. Теорема Перрона-Фробениуса. Продуктивные матрицы. Критерии продуктивности. Стахостические матрицы. Экономические примеры: продуктивности линейной модели Леонтьева.</p> <p>Тема 12. Элементы аналитической геометрии Общее уравнение прямой на плоскости. Условие параллельности и перпендикулярности прямых. Параметрическое и каноническое уравнения прямой. Расстояние от точки до прямой. Преобразование координат точки при замене системы координат. Векторное и смешанное произведение векторов.</p> <p>Тема 13. Элементы линейного программирования Задача линейного программирования. Понятие о симплекс-методе. Выпуклые области. Двойственная задача линейного программирования и теоремы двойственности. Экономические примеры: задача о распределении ресурсов, теневые цены ресурсов, транспортная задача, задача о максимальном потоке, игры с нулевой суммой.</p>
5.	<p>Образовательные технологии</p> <p>Для достижения поставленных целей преподавания дисциплины реализуются следующие средства, способы и организационные мероприятия:</p> <ul style="list-style-type: none"> - изучение теоретического материала дисциплины на лекциях с использованием компьютерных технологий; - самостоятельное изучение теоретического материала дисциплины с использованием Internet-ресурсов, информационных баз, методических разработок, специальной учебной и научной литературы, специализированных компьютерных программ; - закрепление теоретического материала при проведении практических работ с использованием специализированных программ, выполнения проблемно-ориентированных, поисковых, творческих заданий; - применение тестовых методик.
6.	<p>Используемые ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Internet»; информационные технологии, программные средства и информационно-справочные системы</p>

	<p>Интернет-ресурсы:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. e-Library.ru [Электронный ресурс]: Научная электронная библиотека. – URL: http://elibrary.ru/ (дата обращения 11.05.2023). 2. Научная электронная библиотека «КиберЛенинка» [Электронный ресурс]. – URL: http://cyberleninka.ru/ (дата обращения 11.05.2023). 3. Экономический журнал Высшей школы экономики [Электронный ресурс]. – URL: https://ej.hse.ru/ (дата обращения 11.05.2023). 4. Электронно-библиотечная система IPRbooks [Электронный ресурс]. – URL: http://www.iprbookshop.ru/ (дата обращения 11.05.2023). – Доступ к системе согласно правилам ЭБС и договором университета с ЭБС.
7.	Формы текущего контроля
	устный опрос, реферат, тесты по темам курса
8.	Форма промежуточного контроля
	Экзамен