

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ИНГУШСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ

КАФЕДРА ФИЗИКА

СОГЛАСОВАНО

Руководитель образовательной программы

_____/ Нальгиева М. А.
от « 21 » 05 2024г.

УТВЕРЖДАЮ

Декан физико-математического факультета

_____/ Кульбужев Б. С.
от « 21 » 05 2024г.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине «Теория функции комплексного переменного»»
(индекс дисциплины по учебному плану, наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки –
03.03.02 Физика
(код, наименование)

Направленность: **Физика**

Квалификация выпускника – *бакалавр физики*

Форма обучения очная

Магас, 2024

ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ, ФОРМИРУЕМЫХ ДИСЦИПЛИНОЙ

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикатор достижения компетенции (закрепленный за дисциплиной)	В результате освоения дисциплины обучающийся должен:
УК-1.	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	<p>УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие;</p> <p>УК-1.2. Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи;</p> <p>УК-1.3. Осуществляет поиск информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов;</p> <p>УК-1.4. При обработке информации отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок, формирует собственные мнения и суждения, аргументирует свои выводы и точку зрения;</p> <p>УК-1.5. Рассматривает и предлагает возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки.</p>	<p>Знать теоретические основы, основные понятия, законы и модели основных разделов физики;</p> <p>Уметь понимать, излагать и критически анализировать физическую информацию. Пользоваться теоретическими основами, законами и моделями физики;</p> <p>Владеть физическими и математическими методами обработки и анализа информации в области основных разделов физики.</p>
ОПК-1	Способен применять базовые знания в области физико-математических и естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности.	<p>ОПК-1.1. Обладает базовыми знаниями в области физико-математических наук, необходимыми для решения профессиональных задач.</p> <p>ОПК-1.2. Аргументированно применяет физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера.</p> <p>ОПК-1.3. Обладает навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности, решения профессиональных задач в области физики и смежных с ней естественнонаучных дисциплин.</p>	<p>Знает физические основы механики, молекулярной физики, природу колебаний и волн, основы термодинамики, электричества и магнетизма, оптики, основы атомной и ядерной физики, понимает широту и ограниченность применения физики исследованию процессов и явлений в природе и обществе.</p> <p>Умеет использовать теоретические знания при объяснении результатов экспериментов, применять знания в области физики для освоения общепрофессиональных</p>

			дисциплин и решения профессиональных задач, оценивает достоверность полученного решения задачи. Владеет навыками физических исследований, способен передавать результат проведенных исследований в виде конкретных рекомендаций в терминах предметной области знания.
--	--	--	--

Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Критерии оценки промежуточной аттестации в форме зачета

Оценка	Характеристика требований к результатам аттестации в форме зачета
«Зачтено»	Теоретическое содержание курса освоено полностью без пробелов или в целом, или большей частью, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы или в основном сформированы, все или большинство предусмотренных рабочей программой учебных заданий выполнены, отдельные из выполненных заданий содержат ошибки.
«Не зачтено»	Теоретическое содержание курса освоено частично, необходимые навыки работы не сформированы или сформированы отдельные из них, большинство предусмотренных рабочей учебной программой заданий не выполнено либо выполнено с грубыми ошибками, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к минимуму.

Критерии оценки промежуточной аттестации в форме экзамена

Оценка	Характеристика требований к результатам аттестации в форме экзамена
«Отлично»	Теоретическое содержание курса освоено полностью без пробелов, системно и глубоко, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные рабочей учебной программой учебные задания выполнены безупречно, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимуму.
«Хорошо»	Теоретическое содержание курса освоено в целом без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, предусмотренные рабочей учебной программой учебные задания выполнены с отдельными неточностями, качество выполнения большинства заданий оценено числом баллов, близким к максимуму.
«Удовлетворительно»	Теоретическое содержание курса освоено большей частью, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных рабочей учебной

	программой учебных заданий выполнены, отдельные из выполненных заданий содержат ошибки.
«Неудовлетворительно»	Теоретическое содержание курса освоено частично, необходимые навыки работы не сформированы или сформированы отдельные из них, большинство предусмотренных рабочей учебной программой учебных заданий не выполнено либо выполнено с грубыми ошибками, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к минимуму.

Материалы для проведения текущего и промежуточного контроля знаний студентов

5 семестр

Контрольная работа № 1

1. Найти все значения корня $\sqrt[4]{-8 - 8i\sqrt{3}}$.
2. Представить в алгебраической форме $\operatorname{Ln}(1 + i\sqrt{3})$.
3. Представить в алгебраической форме $\operatorname{Arctg}\left(\frac{-2\sqrt{3}+3i}{3}\right)$
4. Вычертить область, заданную неравенствами $|z + 1| \geq 1, |z + i| < 1$.

Контрольная работа № 2

1. Проверить, что $u(x, y)$ является действительной (мнимой) частью голоморфной функции. Восстановить голоморфную в окрестности точки z_0 функцию $f(z)$ по известной действительной части $u(x, y)$ или мнимой $v(x, y)$ и значению $f(z_0)$,
 $u = x^2 - y^2 + x, f(0) = 0$.
2. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по данной кривой
 $\int_L z|z|dz, L: \{z|z|=1, \operatorname{Im} z \geq 0\}$.
3. Найти все лорановские разложения данной функции по степеням z
 $f(z) = \frac{7z + 196}{98z^2 + 7z^3 - z^4}$.
4. Определить тип особой точки $z = 0$ для данной функции
 $f(z) = z^4 \exp \frac{4}{z^5}$.

Контрольная работа № 3

1. Представить в алгебраической форме $\operatorname{ch}(1 - \pi i)$.
2. Определить вид кривой $z = -\sec t + i3 \operatorname{tg} t$.
3. Данную функцию разложить в ряд Лорана в окрестности точки z_0
 $f(z) = z \sin \pi \frac{z-1}{z-2}, z_0 = 2$.
4. Для данной функции найти все изолированные особые точки и определить их тип
 $f(z) = \frac{2z - \sin 2z}{z^2(z^2 + 1)}$.

6 семестр

Контрольная работа № 1

Задача 1. Вычислить интеграл $\int_{|z-\pi|=2} \frac{\cos^2 z}{z \sin z} dz$.

Задача 2. Вычислить интеграл $\int_{|z|=0,3} \frac{e^{3z} - 1 - \sin 3z}{z^2 \operatorname{sh} 3\pi z} dz$.

Задача 3. Вычислить интеграл $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx}{(x^2 - 10x + 29)^2}$.

Задача 4. Вычислить интеграл $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{(x^2 + x) \cos x}{x^4 + 13x^2 + 36} dx$.

Контрольная работа № 2

Задача 1. Найти образ области D при отображении $w = f(z)$:

$$D = \{z \in C_z : |z - 2 - i| > 2\}, \quad f(z) = \frac{z + 1 - 2i}{z + 1 + i}.$$

Задача 2. Найти образ области D при отображении $w = f(z)$:

$$D = \{z \in C_z : -\pi < \operatorname{Im} z < 3\pi, z \neq it, t \in (-\pi, \pi]\}, \quad f(z) = \exp\left(-\frac{z}{2}\right).$$

Задача 3. Найти образ области D при отображении $w = f(z)$:

$$D = \{z \in C_z : -2 < \operatorname{Re} z < 0, z \neq t, t \in [-1, 0)\}, \quad f(z) = i \operatorname{ch} \frac{i\pi z}{2}.$$

Задача 4. Найти образ области D при отображении $w = f(z)$:

$$D = \{z \in C_z : 0 < \operatorname{Re} z < 1, \operatorname{Im} z > 0\}, \quad f(z) = \operatorname{th} i\pi z.$$

Контрольная работа № 3

Задача 1. Вычислить интеграл $\int_{|z|=0,3} \frac{e^z - \sin z}{z^2} dz$.

Задача 2. Вычислить интеграл $\int_0^{2\pi} \frac{dx}{(\sqrt{7} + \cos x)^2}$.

Задача 3. Найти образ области D при отображении $w = f(z)$:

$$D = \{z \in C_z : \operatorname{Im} z < 0, z \neq it, t \in (-\infty, -1]\}, \quad f(z) = \frac{1}{2} \left(z + \frac{1}{z} \right).$$

Задача 4. Отобразить на верхнюю полуплоскость односвязную область

$$D = \{z \in C_z : |z| > 1, |z - i| > 1\}.$$

Темы контрольных работ, рефератов, курсовых работ

Перечень вопросов и заданий для контрольных работ

1. Контрольная работа по теме "Аналитические функции. Конформные отображения "
1. Восстановить аналитическую функцию по её действительной или мнимой части.
2. Найти линейную функцию, отображающую область на область.
3. Найти дробно-линейную функцию по трём парам соответственным точкам.
4. Отобразить конформно область на область.
2. Контрольная работа по теме "Комплексный интеграл. Ряд Лорана"
1. Вычислить значения трансцендентных функций комплексного переменного.
2. Вычислить комплексный интеграл, используя интегральную формулу Коши.
3. Разложить функцию в ряд Лорана в указанном круговом кольце.
4. Найти и классифицировать изолированные особые точки функции комплексного переменного.

Темы рефератов

1. Формальные производные. Условия Коши – Римана в полярных координатах.
2. Конформные отображения I и II родов.
3. Функция Жуковского и ее свойства.
4. Интеграл типа Коши и его свойства.
5. Формулы Сохоцкого.
6. Интеграл Пуассона. Решение задачи Дирихле.
7. Целые и мероморфные функции. Примеры. Порядок и тип.
8. Бесконечные произведения с комплексными членами.
9. Конформные отображения круга на круг или на верхнюю полуплоскость.
10. Дробно - линейные функции и интерпретация геометрии Лобачевского.
11. Римановы поверхности радикала, логарифма и других функций.
12. Гармонические функции и их свойства. Задача Дирихле.
13. Плоское векторное поле и комплексный потенциал. Физические представления.
14. Краевая задача Римана.
15. Сингулярные интегральные уравнения.
16. Применение ТФКП в решении уравнений с частными производными.
17. Задачи гидродинамики и газовой динамики.
18. Разложения мероморфных функций на элементарные дроби.
19. Разложения функций в бесконечные произведения.
20. Нули аналитических функций и теория устойчивости.
21. Методы асимптотических оценок.

Темы курсовых работ

1. Формальные производные.
2. Конформные отображения II рода.
3. Функция Жуковского и ее свойства.
4. Интеграл типа Коши и его свойства.
5. Формулы Сохоцкого.
6. Интеграл Пуассона. Решение задачи Дирихле.
7. Целые и мероморфные функции.
8. Бесконечные произведения с комплексными членами.
9. Конформные отображения круга на круг или на верхнюю полуплоскость.
10. Теорема Пикара.
11. Дробно - линейные функции и интерпретация геометрии Лобачевского.
12. Римановы поверхности радикала, логарифма и других функций.
13. Гармонические функции и их свойства. Задача Дирихле.
14. Плоское векторное поле и комплексный потенциал. Физические представления.

15. Краевая задача Римана.
16. Сингулярные интегральные уравнения.
17. Применение ТФКП в решении уравнений с частными производными.
18. Задачи гидродинамики и газовой динамики.
19. Разложения мероморфных функций на элементарные дроби.
20. Разложения функций в бесконечные произведения.
21. Нули аналитических функций и теория устойчивости.
22. Методы асимптотических оценок.

Список вопросов к экзамену или зачету

1. Поле комплексных чисел (определение, свойства, геометрическая интерпретация, операции над комплексными числами).
2. Стереографическая проекция; её основные свойства.
3. Функции комплексного переменного. Предел и непрерывность.
4. Экспонента в комплексной области и её свойства.
5. Тригонометрические и гиперболические функции с комплексным аргументом.
6. Степенные ряды в комплексной области. Теорема Абеля. Круг сходимости.
7. Дифференцируемость и производная функции комплексного переменного. Условия Коши - Римана.
8. Гармонические функции; их связь с аналитическими функциями. Восстановление аналитической функции по действительной или мнимой части.
9. Геометрический смысл аргумента и модуля производной. Понятие конформного отображения.
10. Линейная функция, её свойства.
11. Функция $w = 1/z$. Угол в бесконечно удалённой точке.
12. Дробно - линейная функция и её групповое и круговое свойства.
13. Восстановление дробно - линейной функции по трем парам соответственных точек. Сохранение симметрии при дробно-линейном отображении.
14. Общий вид дробно-линейной функции, отображающей: 1) верхнюю полуплоскость на единичный круг; 2) единичный круг на себя.
15. Многозначная функция радикал. Свойства радикала.
16. Многозначная функция логарифм. Свойства логарифма.
17. Обратные тригонометрические функции комплексного аргумента.
18. Степень с комплексным показателем. Степенная и общая показательная функции.
19. Интеграл по комплексному переменному, его основные свойства.
20. Теорема Коши для односвязной области.
21. Теорема Коши для составного контура (многосвязной области).
22. Интегральная формула Коши.
23. Бесконечная дифференцируемость аналитической функции.
24. Теорема Морера.
25. Степенные ряды в комплексной области. Теорема Абеля. Круг сходимости.
26. Теорема Вейерштрасса о равномерно сходящихся рядах аналитических функций.
27. Ряд Тейлора. Разложение функции в степенной ряд.
28. Неравенства Коши для коэффициентов ряда Тейлора. Теорема Лиувилля.
29. Нули аналитической функции. Изолированность аналитических нулей.
30. Теорема единственности.
31. Принцип максимума модуля.
32. Ряд Лорана. Разложение функции в обобщенно-степенной ряд.
33. Изолированные особые точки однозначного характера.
34. Теорема Сохоцкого.

- 35. Вычет функции комплексного переменного. Вычисление вычета функции относительно полюса.
- 36. Основная теорема о вычетах. Вычет функции относительно бесконечно удалённой точки.
- 37. Логарифмический вычет. Принцип аргумента.
Теорема Руше. Доказательство основной теоремы алгебры